



فیزیک کلاسیک:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

$$F = ma$$

مکانیک نیوتونی

ترمودینامیک

نظریه الکترومغناطیس ماکسول

فیزیک جدید:

نظریه نسبیت خاص: مطالعه پدیده ها در تندی های بسیار زیاد و قابل مقایسه با تندی نور

نظریه نسبیت عام: مطالعه هندسه فضا - زمان و گرانش

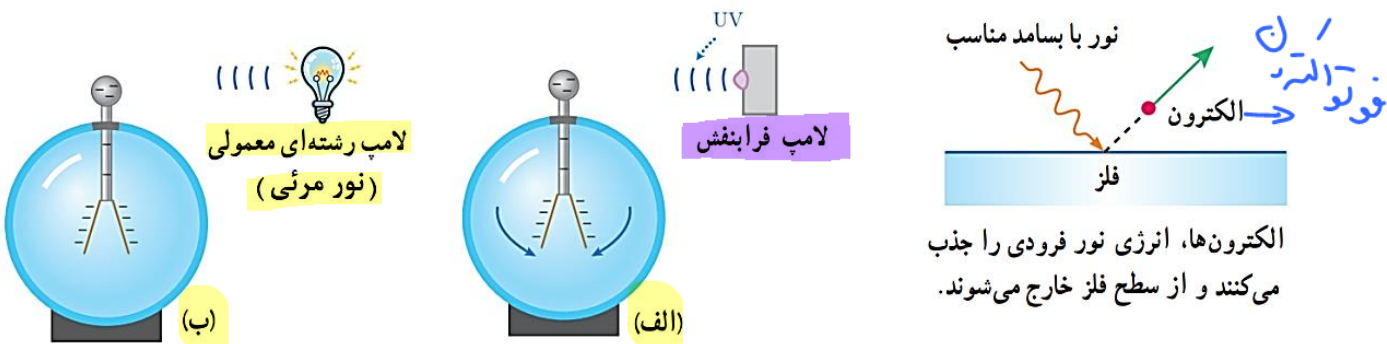
نظریه کوانتومی: مطالعه پدیده ها در مقیاس های بسیار کوچک، مانند اتم ها و ذره های سازنده

و فیزیک هسته ای، فیزیک ذرات بنیادی و کیهان شناسی

اثر فوتوالکتریک و فوتون:

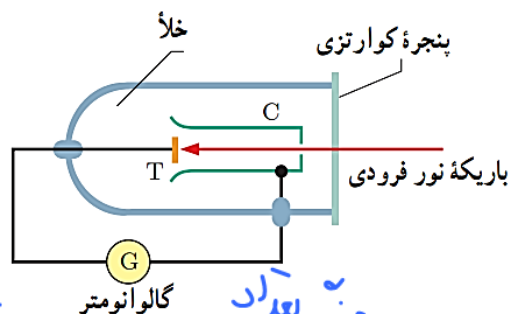
وقتی نوری با بسامد مناسب مانند نور فرابنفش به سطحی فلزی بتابد الکترون هایی از آن گسیل می شوند.

این پدیده فیزیکی را، اثر فوتوالکتریک و الکترونیهای جدا شده از سطح فلز را فوتوالکترون می نامند.



تک بسامد

در اثر فوتوالکتریک، نوری تکبسام با بسامدی به قدر کافی بالا، الکترون ها را از سطح صفحه فلزی T بیرون می آورد. این فوتوالکترون ها، به طرف جمع کننده C می روند و جریانی را در مدار به وجود می آورند.



مسا بهر نسبت با بسامد نور فرودی

تعداد الکترون ها

جریان



نور، موجی الکترومغناطیسی است. بنابراین می توان انتظار داشت هنگام برهم کنش موج الکترومغناطیسی (نور فرودی) با سطح فلز، میدان الکتریکی این موج، نیروی $\vec{F} = -e\vec{E}$ به الکترون های فلز وارد کند و آنها را به نوسان وادارد. به این ترتیب، وقتی دامنه نوسان برخی از الکترون ها به قدر کافی بزرگ شود انرژی جنبشی لازم را برای جدا شدن از سطح فلز پیدا می کنند. بنا به این دیدگاه کلاسیکی، این پدیده باید با هر بسامدی رخ دهد در حالی که این نتیجه با تجربه سازگار نیست.

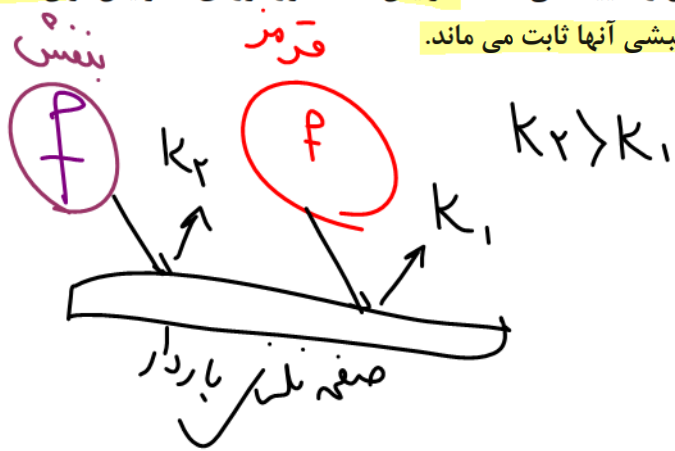
$$E = \frac{F}{q} \rightarrow F = Eq$$

یکی دیگر از پیامدهای نظریه الکترومغناطیسی ماکسول این است که شدت نور با مربع دامنه میدان الکتریکی موج الکترومغناطیسی متناسب است ($I \propto E^2$). به این ترتیب انتظار می رود به ازای یک بسامد معین، اگر شدت نور فرودی بر سطح فلز را افزایش دهیم باید الکترون ها با انرژی جنبشی بیشتری از فلز خارج شوند، نتیجه ای که تجربه آن را تأیید نمی کند.

نارسایی های فیزیک کلاسیک در توجیه پدیده فوتوالکتریک:

۱. بنا به دیدگاه کلاسیکی، این پدیده باید با هر بسامدی رخ دهد در حالی که آزمایش نشان می دهد که اگر بسامد نور فرودی از مقدار معینی کمتر باشد، هر چقدر هم که شدت نور فرودی افزایش یابد این پدیده رخ نمی دهد. (در صورت وقوع پدیده فوتوالکتریک با افزایش بسامد نور فرودی انرژی جنبشی و سرعت فوتوالکترون ها افزایش می یابد.)

۲. بنا به دیدگاه کلاسیکی انتظار می رود به ازای یک بسامد معین، اگر شدت نور فرودی بر سطح فلز را افزایش دهیم باید الکترون ها با انرژی جنبشی بیشتری از فلز خارج شوند، نتیجه ای که تجربه آن را تأیید نمی کند. افزایش شدت نور فرودی (افزایش توان لامپ) فقط تعداد فوتوالکترون های جدا شده را افزایش می دهد ولی انرژی جنبشی آنها ثابت می ماند.





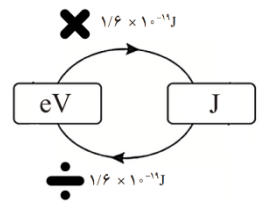
توجیه اثر فوتوالکتریک:

اینشتین در نظریه فوتوالکتریک خود با توجه به کارهای قبلی پلانک در زمینه تابش گرمایی اجسام، فرض کرد که نور با بسامد f را می توان به صورت مجموعه ای از بسته های انرژی در نظر گرفت. انرژی هر بسته، که فوتون نامیده شد برابر است با:

ثابت پلانک $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s} = 4.14 \times 10^{-15} \text{ eV.s}$

انرژی فوتون $E = hf = \frac{hc}{\lambda}$

بافت پلانک h (ثابت پلانک)
 انرژی فوتون E (انرژی فوتون)
 بسامد f (بسامد)
 طول موج λ (طول موج)



دقت کنید که هر فوتون صرفا با یکی از الکترونهاى فلز برهم کنش می کند. ضمنا با تغییر محیط انرژی فوتون ها تغییر نمی کند زیرا...

بسامد نور وابسته به محیط است
 انرژی فوتون

انرژی کل تابش فرودی:

انرژی n فوتون $E = nhf = \frac{nhc}{\lambda}$

توان لامپ $P = \frac{E}{t} = \frac{nhf}{t} = \frac{nhc}{\lambda t}$

$E = P \times t = nhf \times t$

اگر چشمه تابش، لامپی با توان و بازده مشخص باشد:

$Ra \times Pt = nhf = \frac{nhc}{\lambda}$

محاسبه شدت تابشی متوسط نور:

شدت تابش $I = \frac{P}{A} = \frac{E}{tA} = \frac{nhf}{tA} = \frac{nhc}{\lambda tA}$

توان P (W)
 مساحت A (m^2)
 زمان t (s)
 طول موج λ (m)



۱- پدیده فوتوالکتریک با فوتون کدام یک از پرتوهای زیر بهتر صورت می‌پذیرد؟
 ① فرابنفش ② قرمز ③ فرورسرخ ④ رادیویی
 رادیویی > فرورسرخ > قرمز > فرابنفش

۲- کدام گزینه نادرست است؟
 ① بر اساس فیزیک کلاسیک، شدت نور با دامنه میدان الکتریکی موج الکترومغناطیسی متناسب است.
 ② بر اساس دیدگاه فیزیک کلاسیک پدیده فوتوالکتریک باید در هر بسامدی رخ دهد.
 ③ طبق نظریه اینشتین در پدیده فوتوالکتریک هر فوتون فرودی تنها با یک الکترون برهم کنش می‌کند.
 ④ طبق نظریه اینشتین اگر بسامد فوتون فرودی بر سطح فلز به اندازه کافی بزرگ باشد، الکترون به طور آنی از سطح فلز گسیل می‌شود.

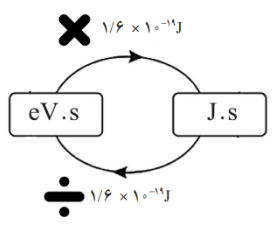
۳- اگر نور تک‌رنگی از هوا وارد آب شود، طول موج و انرژی وابسته به فوتون آن به ترتیب چگونه تغییر می‌کند؟
 ① هر دو کاهش می‌یابد. ② هر دو افزایش می‌یابد.
 ③ افزایش می‌یابد، تغییر نمی‌کند. ④ کاهش می‌یابد، تغییر نمی‌کند.

۴- اگر ضریب ثابت پلانک 6.6×10^{-34} ژول ثانیه باشد، این ضریب چند الکترون ولت ثانیه است؟

$(e = 1.6 \times 10^{-19} C)$

① $\frac{33}{8} \times 10^{15}$ ② $\frac{1}{33} \times 10^{-15}$ ③ $\frac{33}{8} \times 10^{-15}$ ④ $\frac{1}{33} \times 10^{15}$

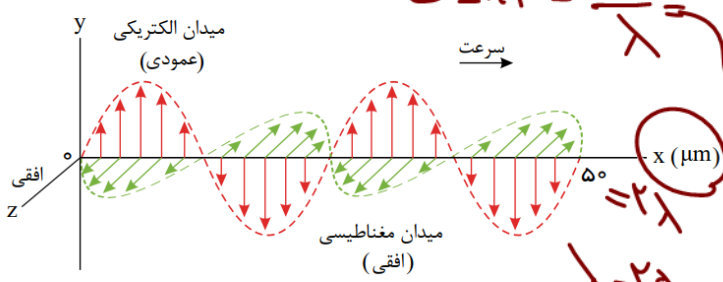
$$h = \frac{6.6 \times 10^{-34}}{1.6 \times 10^{-19}} = \frac{33}{8} \times 10^{-15} \approx 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$$



۴- انرژی فوتونی 2 keV است. طول موج وابسته به این فوتون چند نانومتر است؟
 ① ۵۰ ② $\frac{60}{m}$ ③ ۰.۵ ④ ۰.۶

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} \rightarrow \lambda = \frac{hc}{E} = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{2 \times 10^3} = 6 \times 10^{-10} \text{ m} = 0.6 \text{ nm}$$

۲۰- شکل زیر، تصویری از یک موج الکترومغناطیسی است که در خلأ در حال انتشار است. انرژی هر یک از فوتون‌های این موج چند الکترون-ولت است؟
 خارج از کشور- ۱۳۹۹



$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{50 \times 10^{-6}} = 3.96 \times 10^{-2} \text{ eV}$$

① ۲.۴ ② 3.96×10^{-2} ③ ۴.۸ ④ 3.96×10^{-2}



۵- انرژی چند فوتون با طول موج ۵ میکرومتر با انرژی یک فوتون اشعه گاما با طول موج ۰٫۲ پیکومتر برابر است؟

- ۱) ۲۵ ۲) ۴۰ ۳) $۲٫۵ \times 10^7$ ۴) ۴×10^7

$n=?$

$E = E'$ گاما

$n hf = hf'$

$n \times \frac{c}{\lambda} = \frac{c}{\lambda'} \rightarrow n = \frac{\lambda}{\lambda'} = \frac{5 \times 10^{-6}}{0.2 \times 10^{-12}} = 25 \times 10^6$

۲۰- اختلاف طول موج پرتوهای A و B در خلأ برابر با ۴۵۰ نانومتر است. اگر انرژی هر فوتون پرتوی B، ۱۰ برابر انرژی هر فوتون پرتوی A باشد، بسامد پرتوی B چند هرتز است؟ ($c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$)

- ۱) 6×10^{15} ۲) 6×10^{16} ۳) 5×10^{15} ۴) 5×10^{16}

$\lambda_A - \lambda_B = 450 \text{ nm}$

$E_B = 10 E_A$

$10 \lambda_B - \lambda_B = 450 \text{ nm}$

$\frac{hc}{\lambda_B} = 10 \frac{hc}{\lambda_A} \rightarrow \lambda_A = 10 \lambda_B$

$9 \lambda_B = 450 \text{ nm}$

$\lambda_B = 50 \text{ nm}$

$f_B = \frac{c}{\lambda_B} = \frac{3 \times 10^8}{50 \times 10^{-9}} = 6 \times 10^{15}$

۲۵- انرژی فوتون B، ۲۵ درصد از انرژی فوتون A کمتر است. اگر اختلاف طول موج این دو فوتون ۵۰ نانومتر باشد، اختلاف بسامد این دو فوتون چند هرتز است؟ ($c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$)

سراسری-۱۴۰۱

- ۱) 5×10^{15} ۲) 2×10^{15} ۳) 2×10^{14} ۴) 5×10^{14}

$E_B = \frac{75}{100} E_A \rightarrow \frac{hc}{\lambda_B} = \frac{75}{100} \frac{hc}{\lambda_A} \rightarrow \lambda_A = \frac{4}{3} \lambda_B$

$\lambda_B > \lambda_A$
 $f_B < f_A$
 $f = \frac{c}{\lambda}$

$\lambda_B - \lambda_A = 50$

$\lambda_B - \frac{4}{3} \lambda_B = 50$

$\frac{1}{3} \lambda_B = 50$

$\lambda_B = 150 \text{ nm} \rightarrow \lambda_A = 100 \text{ nm}$

$\Delta f = f_A - f_B = \frac{c}{\lambda_A} - \frac{c}{\lambda_B} = c \left(\frac{1}{\lambda_A} - \frac{1}{\lambda_B} \right)$

$\Delta f = 3 \times 10^8 \left(\frac{1}{100 \times 10^{-9}} - \frac{1}{150 \times 10^{-9}} \right) = 3 \times 10^{14} \left(\frac{1}{100} - \frac{1}{150} \right)$

$\Delta f = 3 \times 10^{14} \times \frac{1}{60} = 5 \times 10^{14} \text{ Hz}$



۱۱- بسامد یک فرستنده رادیویی FM، ۷۵ مگاهرتز و توان تشعشع آنتن آن 4.8×10^4 وات است. در هر ثانیه چند فوتون از این آنتن گسیل می‌گردد؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$, $h = 4 \times 10^{-15} eV \cdot s$)

$n = ?$ $t = 1s$ P f

① 10^{30} ② 7.5×10^{20} ③ 16×10^{20} ④ 16×10^{10}

$E = nhf$
 $Pt = nhf \rightarrow 4.8 \times 10^4 \cdot 1 = n \cdot 4 \times 10^{-15} \cdot 75 \times 10^6$
 $1.0 = n \times 100 \times 10^{-15} \times 10^6 \rightarrow n = 10^{10}$

۲۳- یک لامپ ۱۰۰ وات، نور آبی تابش می‌کند. اگر به جای این لامپ، یک لامپ ۱۰۰ واتی دیگر که نور نارنجی گسیل می‌کند را جایگزین کنیم، تعداد فوتون‌های گسیل شده در هر ثانیه و انرژی هر فوتون گسیلی

- ① تغییر نمی‌کند - کاهش می‌یابد ② افزایش می‌یابد - کاهش می‌یابد ③ کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد ④ تغییر نمی‌کند - افزایش می‌یابد

لامپ نارنجی لامپ آبی

$P_1 = P_2$
 $\frac{nh_1 f_1}{t} = \frac{nh_2 f_2}{t}$
 $n_1 f_1 = n_2 f_2$

$h f_1 > h f_2$
 $n_1 < n_2$
 $\lambda_1 < \lambda_2$

۱۵- یک لامپ ۲۰۰ وات، نور بنفش با طول موج $400nm$ گسیل می‌کند. یک لامپ ۲۰۰ واتی دیگر نور زرد با طول موج $600nm$ گسیل می‌کند. تعداد فوتون‌هایی که در هر ثانیه از لامپ زرد گسیل می‌شود، چند برابر تعداد فوتون‌هایی است که در همین مدت از لامپ بنفش گسیل می‌شود؟ سراسری-۱۳۹۸

- ① $\frac{2}{3}$ ② ۱ ③ $\frac{3}{2}$ ④ ۲

$\frac{n_2}{n_1} = ?$

$E = nhf \rightarrow Pt = \frac{nhc}{\lambda} \rightarrow n = \frac{Pt \lambda}{hc}$

$\frac{n_2}{n_1} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{600}{400} = \frac{3}{2}$



P

۳۱- اگر یک لامپ ۱۰۰W تک رنگ به طور یکنواخت در همه ی جهت ها انرژی گسیل کند، با فرض این که طول موج متناظر با فوتون های آن برابر با ۵۰۰nm و بازده ی این لامپ برابر با ۷۸% باشد، در هر ثانیه از این لامپ چند فوتون گسیل می شود؟

$(h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$

- ۲ × ۱۰^{۲۱} (۴)
- ۲ × ۱۰^{۱۶} (۳)
- ۲ × ۱۰^{۲۰} (۲) ✓
- ۲ × ۱۰^{۱۸} (۱)

بازده $E = nhf$

$Ra \times P \times t = \frac{nhc}{\lambda}$

$n = \frac{Ra \times P \times t \times \lambda}{hc}$

$n = \frac{0.78 \times 100 \times 1 \times 500 \times 10^{-9}}{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}$

$n = 2 \times 10^{20}$

$n = 2 \times 10^{20}$

۳۲- یک لامپ روشنایی به توان ۳۸.۴W توسط ناظری از فاصله ۳km دیده می شود. چه تعداد فوتون در هر ثانیه وارد مردمک چشم ناظر که قطر آن ۲mm است، خواهد شد؟ (طول موج نور لامپ ۴۵۰nm، $h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV}$ ، $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ، $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ و فرض کنید که نور لامپ به طور عمودی به سطح مردمک چشم می رسد.)

- ۵ × ۱۰^۶ (۴)
- ۰.۲۵ × ۱۰^۷ (۳) ✓
- ۶ × ۱۰^۷ (۲)
- ۱.۵ × ۱۰^۶ (۱)



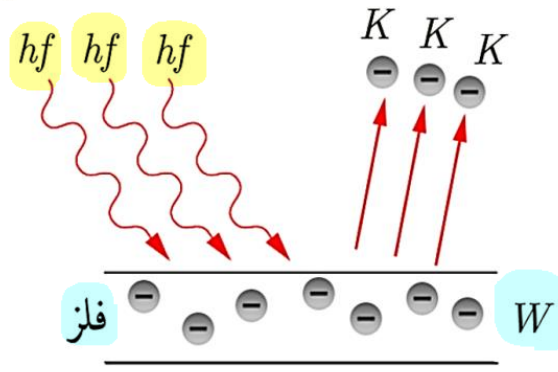
$I = \frac{P}{A} = \frac{P}{\pi r^2} = \frac{38.4}{\pi \times (1 \times 10^{-3})^2}$

$I = \frac{P}{A} = \frac{P}{\pi r^2} = \frac{E/t}{\pi r^2} = \frac{nhc}{\pi r^2 \lambda t}$

$n = \frac{I \times \pi r^2 \times \lambda \times t}{hc}$

$n = \frac{38.4 \times \pi \times (1 \times 10^{-3})^2 \times 450 \times 10^{-9} \times 1}{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}$

$n = 0.25 \times 10^7$



$$hf = W + K$$

انرژی جنبشی فوتوالکترونها K		انرژی فوتون فرودی hf	رنگ (بسامد) نور فرودی
فلز ۲ $W = ۳$	فلز ۱ $W = ۵$		
۵	۳	۸ eV	بنفش
۳	۱	۶ eV	سبز
۱	پدیده رخ نمی دهد.	۴ eV	قرمز

کار (انرژی) لازم برای جدا کردن الکترون از فلز $W =$ (وابسته به جنس فلز)

$K =$ انرژی جنبشی فوتوالکترونها جدا شده

$hf =$ انرژی فوتون فرودی

شرط وقوع پدیده فوتوالکتریک:

$hf > W_0$ ← تابع کار فلز
 $f > f_0$ ← بسامد
 $\lambda < \lambda_0$ ← طول موج

بسامد آستانه یعنی کمترین بسامدی که می تواند اثر فوتوالکتریک را ایجاد کند.

طول موج آستانه یعنی بلند ترین طول موجی که می تواند اثر فوتوالکتریک را ایجاد کند (الکترونی را از فلز جدا کند).

۲۵- اگر در پدیده فوتوالکتریک که الکترون ها از سطح فلز جدا می شوند، به جای لامپ فرابنفش $W = ۳۰$ از لامپ فرابنفش $W = ۶۰$ استفاده شود، کدام یک از موارد زیر ۲ برابر می شود؟

$P = \frac{E}{t} = \frac{nhf}{t}$

- ① بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون ها
- ② سرعت فوتوالکترون ها هنگام جدا شدن از سطح فلز
- ③ تعداد فوتوالکترون های جدا شده از سطح فلز در هر ثانیه ✓
- ④ هیچ کدام از گزینه ها صحیح نمی باشد.

۲۹- در آزمایش فوتوالکتریک، وقتی نور تک رنگی با طول موج λ بر فلز می تابانیم، پدیده فوتوالکتریک رخ نمی دهد. برای این که این پدیده رخ دهد کدام عمل ممکن است مؤثر باشد؟

- ① بدون تغییر بسامد نور، زمان تابش نور را افزایش دهیم.
- ② بدون تغییر بسامد نور، شدت نور را افزایش دهیم.
- ③ بدون تغییر نوع فلز، از نور تک رنگ با طول موج بزرگ تر از λ استفاده کنیم. ✓
- ④ بدون تغییر نوع فلز، از نور تک رنگ با طول موج بزرگ تر از λ استفاده کنیم.



نتیجه ۱- هرچه بسامد نور فرودی افزایش یابد انرژی جنبشی و سرعت فوتوالکترون ها افزایش می یابد (البته نه به نسبت مستقیم).
هرچه بسامد نور فرودی کاهش یابد انرژی جنبشی و سرعت فوتوالکترون ها نیز کاهش می یابد و از بسامدی کمتر ممکن است پدیده فوتوالکترون رخ ندهد.

نتیجه ۲- در صورت وقوع پدیده فوتوالکترون اگر توان لامپی با بسامد مشخص (رنگ مشخص) افزایش یابد ، فقط تعداد فوتوالکترون های جدا شده افزایش می یابد ولی انرژی جنبشی فوتوالکترون ها ثابت می ماند.

نتیجه ۳- با تغییر فلزی که به آن نور می تابانیم تابع کار فلز تغییر می یابد.
با افزایش تابع کار فلز ، انرژی جنبشی فوتوالکترون ها کاهش می یابد و بلعکس.

نتیجه ۴- اگر با تابش نور با بسامدی مشخص به یک فلز پدیده فوتوالکترون رخ ندهد برای آن که این پدیده آغاز شود :
یا از فلزی با تابع کار کمتر (بسامد آستانه کمتر) استفاده می کنیم . [افزایش شدت تابش (توان لامپ) یا زمان تابش تاثیری ندارد].
یا از نور لامپی با بسامد بیشتر (طول موج کمتر) استفاده می کنیم .

۲۴- بر سطح فلزی نور بنفش می تابانیم و الکترون هایی، هر یک با مقدار معینی انرژی، با آهنگ مشخص از آن بیرون می آیند. اگر شدت نور بنفش را افزایش دهیم، الکترون هایی که از سطح فلز جدا می شوند:

- ① همان آهنگ را دارند ولی انرژی هر الکترون بیشتر می شود.
② آهنگ بیشتر می شود ولی انرژی هر الکترون تغییر نمی کند.
③ همان آهنگ را دارند ولی انرژی هر الکترون کم تر است.
④ آهنگ بیشتر می شود ولی انرژی هر الکترون تغییر نمی کند.

۲۶- چند مورد از موارد زیر صحیح است؟

- الف) طبق نظریه الکترومغناطیس ماکسول، اگر دامنه امواج الکترومغناطیس n برابر بشود؛ شدت امواج هم n برابر می شوند. (n^2)
ب) اگر پدیده فوتوالکترون در یک بسامد معین رخ نداد، در صورتی که از فلز دیگر استفاده کنیم می تواند پدیده الکترومغناطیس رخ بدهد. ✓
ج) افزایش شدت نور، انرژی هر فوتون را افزایش می دهد. E
د) اگر بسامد نوری را دو برابر کنیم، انرژی جنبشی هر فوتوالکترون هم دو برابر می شود. E
- ① صفر
② ✓
③
④

چند مورد از عبارات زیر در مورد پدیده فوتوالکترون نادرست هستند؟

- الف) در صورت وقوع پدیده فوتوالکترون با افزایش شدت نور فرودی، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون ها افزایش می یابد. X
ب) در صورت وقوع پدیده فوتوالکترون با افزایش بسامد نور فرودی، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون ها افزایش می یابد. ✓
ج) در صورت وقوع پدیده فوتوالکترون با افزایش طول موج نور فرودی، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون ها افزایش می یابد. X
د) در صورت وقوع پدیده فوتوالکترون با افزایش بسامد آستانه فلز مورد آزمایش (تغییر فلز)، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون ها افزایش می یابد. X
- $f \rightarrow \text{از } W_0$
- ① مورد ۴
② مورد ۳ ✓
③ مورد ۲
④ مورد ۱

فرمول بندی فوتو الکتریک

مختص رشته ریاضی

(معادله فوتو الکتریک)

$$K_{max} = hf - W_0$$

تابع کارنر

که بیشینه انرژی جنبشی فوتو الکترون ها
بسامد آستانه را

$$= hf - hf_0 = h(f - f_0)$$

$$= \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_0} \right)$$

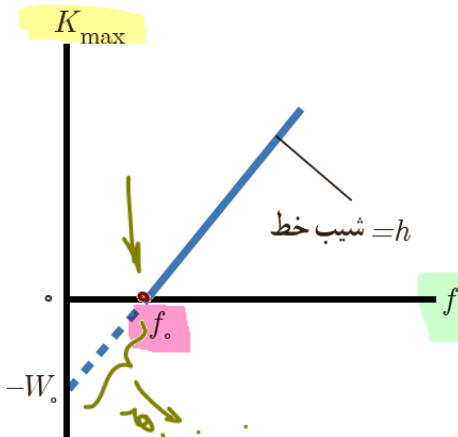
طول موج آستانه
طول موج نور فرودی

$$y = ax - b$$

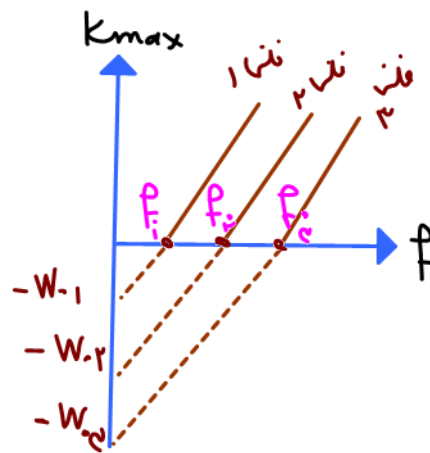
$$K_{max} = hf - W_0$$

$$K_{max} = \frac{1}{2} m v_{max}^2$$

$m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg}$
جرم الکترون



بیشینه انرژی جنبشی



$W_3 > W_2 > W_1$
 $f_3 > f_2 > f_1$

بسامد آستانه یا f_0 : کمترین بسامدی که می تواند اثر فتوالکتریک را ایجاد کند.
در بسامد آستانه الکترون بدون هیچ انرژی جنبشی ای در آستانه ترک فلز است.

$$K_{max} = hf - W_0 \Rightarrow K_{max} = 0 \Rightarrow hf_0 = W_0 \Rightarrow f_0 = \frac{W_0}{h}$$

طول موج آستانه

بلندترین طولی مویی که می تواند از سطح فلز الکترون جدا کند :

$$K_{max} = hf - W_0$$

$$= hf - hf_0 =$$

$$= \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} =$$

$$\lambda_0 = \frac{c}{f_0} \Rightarrow \lambda_0 = \frac{hc}{W_0}$$





$W_0 = ?$

f

λ_0

۱- طول موج آستانه در یک آزمایش فوتو الکتریک، 0.5 میکرون است. اگر بر فلز آن، نور تک رنگی با بسامد $5 \times 10^{14} \text{ Hz}$ بتابانیم، تابع کار فلز چند ژول است و آیا با این نور پدیده فوتو الکتریک رخ می دهد یا خیر؟ $(h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ Js}, c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s})$ سراسری- ۱۳۹۱

① 3.96×10^{-19} و رخ می دهد. ② 3.96×10^{-19} و رخ نمی دهد. ③ 3.3×10^{-19} و رخ می دهد. ④ 3.3×10^{-19} و رخ نمی دهد.

$$W_0 = \frac{hc}{\lambda_0} = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{0.5 \times 10^{-6}} = 3.96 \times 10^{-19}$$

$$f_0 = \frac{c}{\lambda_0} = \frac{3 \times 10^8}{0.5 \times 10^{-6}} = 6 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$f > f_0$
 پس پدیده رخ می دهد

$$K_{max} = hf - W_0$$

$$= hf - hf_0 =$$

$$= \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} =$$

۵- به سطح فلزی که تابع کار آن 4 eV است، نوری با طول موج λ می تابانیم و فوتوالکترون ها از سطح آن گسیل می شوند. بلندترین طول موج الکترومغناطیسی که می تواند سبب گسیل فوتوالکترون ها از این فلز شود، چند نانومتر است؟

سراسری- ۱۳۹۳

$(C = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}, h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot s)$

① ۵۰۰ ② ۳۵۰ ③ ۳۰۰ ④ ۲۵۰

$$W_0 = \frac{hc}{\lambda_0} \rightarrow \lambda_0 = \frac{hc}{W_0} = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{4} = 3 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$\lambda = 300 \text{ nm}$$

$$K_{max} = hf - W_0$$

$$= hf - hf_0 =$$

$$= \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} =$$

۶- در آزمایش فوتوالکتریک، طول موج آستانه یک فلز 310 نانومتر است. اگر به این فلز نور فرابنفش به طول موج 200 نانومتر بتابانیم، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون های جدا شده چند الکترون ولت است؟ $(hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm})$ خارج از کشور- ۱۳۹۷

① ۱٫۲ ② ۲٫۲ ③ ۳٫۶ ④ ۴٫۸

$$K_{max} = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} \text{ (eV} \cdot \text{nm)}$$

$$K_{max} = 1240 \left(\frac{1}{200} - \frac{1}{310} \right) = 1240 \left(\frac{1}{200} - \frac{1}{310} \right)$$

$$K_{max} = 1240 \left(\frac{110}{22000} \right) = 2.2 \text{ eV}$$

$$K_{max} = hf - W_0$$

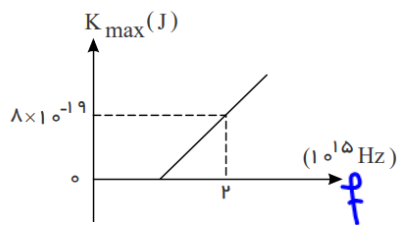
$$= hf - hf_0 =$$

$$= \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} =$$



۱۳- در آزمایش فوتوالکترونیک، نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها بر حسب بسامد پرتو فرودی به فلز، مطابق شکل زیر است. اگر نوری با طول موج 300 nm به فلز بتابد، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیل شده چند ژول است؟
 سراسری-۱۳۹۷

$(e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s})$



$\lambda = 300 \text{ nm} \rightarrow K_m = ?$

- ① $1,6 \times 10^{-19}$
- ② $2,4 \times 10^{-19}$
- ③ 4×10^{-19}
- ④ 5×10^{-19}

$$K_{max} = hf - W_0$$

$$= hf - hf_0 = \left(\frac{hc}{\lambda}\right) - \frac{hc}{\lambda_0}$$

$K_{max} = hf - W_0 \rightarrow \frac{\lambda \times 10^{-19}}{1,6 \times 10^{-19}} = \frac{4 \times 10^{-15} \times 10^{15}}{1,6 \times 10^{-19}} - W_0 \rightarrow W_0 = 2 \text{ eV}$

$K_m = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{300 \times 10^{-9}} - 2 = 1 \text{ eV} \rightarrow K_m = 1,6 \times 10^{-19} \text{ J}$

۱۴- در آزمایش فوتوالکترونیک، نوری با طول موج 200 nm بر سطح الکتروود فلزی می‌تابانیم. اگر تابع کار فلز $4,2\text{ eV}$ باشد، بیشینه سرعت فوتوالکترون‌های خارج شده از فلز، چند متر بر ثانیه است؟
 خارج از کشور-۱۳۹۷

$(m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}, e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C})$

- ① 8×10^5 ✓
- ② 8×10^6
- ③ 6×10^5
- ④ 6×10^6

$$K_{max} = hf - W_0$$

$$= hf - hf_0 = \left(\frac{hc}{\lambda}\right) - \frac{hc}{\lambda_0}$$

$K_{max} = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{200 \times 10^{-9}} - 4,2 = 1,8 \text{ eV}$

$K_{max} = \frac{1}{2} m v_{max}^2$

$1,8 \times 1,6 \times 10^{-19} = \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-31} \times v_{max}^2$

$2,88 \times 10^{-19} = 4,5 \times 10^{-31} \times v_m^2$

$6,4 \times 10^{-21} = 9 \times 10^{-31} \times v_m^2$

$v_m = 1 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$



۱۰- آزمایش فوتوالکتریک با نوری با بسامد f_1 انجام می‌شود. اگر به جای آن از نوری با بسامد $2f_1$ استفاده شود، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها سه برابر می‌شود. بسامد آستانه برای فلز این آزمایش، چند برابر f_1 است؟

خارج از کشور - ۱۳۹۵

$K_m = hf - hf_0$

- ① $\frac{1}{4}$
- ② $\frac{1}{2}$ ✓
- ③ $\frac{2}{3}$
- ④ $\frac{3}{4}$

$$K_m = hf_1 - hf_0$$

$$3K_m = h(2f_1) - hf_0$$

$$\frac{1}{3} = \frac{h(f_1 - f_0)}{h(2f_1 - f_0)} \rightarrow \frac{1}{3} = \frac{f_1 - f_0}{2f_1 - f_0}$$

$$2f_1 - 3f_0 = 2f_1 - f_0 \rightarrow f_1 = 2f_0 \rightarrow \frac{f_0}{f_1} = \frac{1}{2}$$

$$K_{max} = hf - W_0$$

$$= hf - hf_0 =$$

$$= \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} =$$

۱۲- در آزمایش فوتوالکتریک، نوری با طول موج λ به الکتروود فلزی می‌تابد و فوتوالکترون‌هایی که بیشینه انرژی جنبشی آنها $J \times 10^{-19}$ است، گسیل می‌شوند. اگر طول موج نور فرودی 2λ شود، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها، $J \times 10^{-19}$ می‌شود. تابع کار فلز چند الکترون-ولت است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$)

خارج از کشور - ۱۳۹۶

- ① ۲
- ② ۳ ✓
- ③ ۴
- ④ ۵

$$K_m = \frac{hc}{\lambda} - W_0$$

$$x-2 \left\{ \begin{aligned} \frac{1}{2} = \frac{hc}{2\lambda} - W_0 \\ \frac{1}{3} = \frac{hc}{3\lambda} - W_0 \end{aligned} \right. \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{hc}{2\lambda} - W_0$$

$$-2 = -\frac{hc}{\lambda} + 2W_0 \rightarrow W_0 = 2eV$$

۱۶- در یک آزمایش فوتوالکتریک، تابع کار فلز $3eV$ است. اگر نوری با طول موج $200nm$ بر سطح فلز بتابد، بیشینه سرعت فوتوالکترون‌ها برابر v است و اگر نوری با طول موج $300nm$ بر فلز بتابد، بیشینه سرعت فوتوالکترون‌ها برابر v' است. کدام است؟ ($hc = 1200eV \cdot nm$)

خارج از کشور - ۱۳۹۸

- ① $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ✓
- ② $\sqrt{3}$
- ③ $\frac{1}{3}$
- ④ ۳

$$K_m = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{1200}{200} - 3 = 6 - 3 = 3eV$$

$$K'_m = \frac{hc}{\lambda'} - W_0 = \frac{1200}{300} - 3 = 4 - 3 = 1eV$$

$$\frac{K'}{K} = \frac{1}{3} \rightarrow \frac{\frac{1}{2}mv'^2}{\frac{1}{2}mv^2} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{v'}{v} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

۲۴- در آزمایش فوتوالکتریک که با نوری با طول موج λ انجام شده است. بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها $J \times 10^{-19}$ است. اگر از نوری با طول موج 2λ استفاده شود، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها ۷۵ درصد کاهش می‌یابد. بسامد آستانه این فلز چند تراهرتز است؟

خارج از کشور - ۱۴۰۰

$e = 1.6 \times 10^{-19} C, hc = 1200eV \cdot nm$

$$K_m = \frac{hc}{\lambda} - W_0$$

$$x-2 \left\{ \begin{aligned} \frac{1}{2} = \frac{hc}{2\lambda} - W_0 \\ \frac{1}{3} = \frac{hc}{3\lambda} - W_0 \end{aligned} \right. \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{hc}{2\lambda} - W_0$$

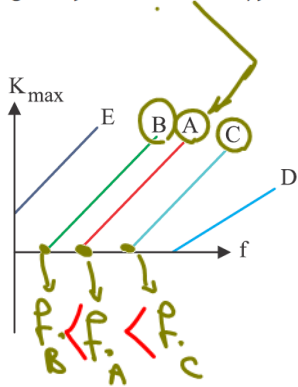
$$-2 = -\frac{hc}{\lambda} + 2W_0 \rightarrow W_0 = 2eV$$

$$W_0 = \frac{hc}{\lambda_0} \rightarrow 2 = \frac{1200}{\lambda_0} \rightarrow \lambda_0 = 600nm$$

$$f_0 = \frac{c}{\lambda_0} = \frac{3 \times 10^8}{600 \times 10^{-9}} = 5 \times 10^{14} Hz$$

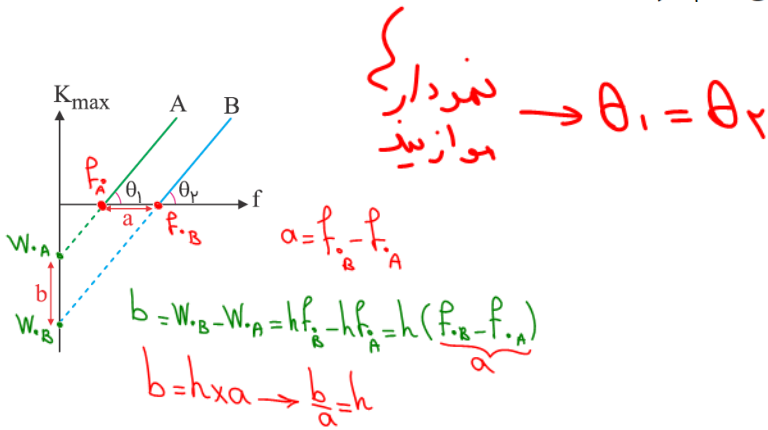


اگر نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها برحسب بسامد نور فرودی به آن‌ها برای فلزی به صورت خط A باشد و همین نمودار برای فلز دیگری که تابع کار کمتری دارد ترسیم شود، به صورت کدام خط خواهد آمد؟



- $W_0 < W_{0A}$ (۱) ✓
 $f_0 < f_{0A}$ (۲)
 D (۳)
 E (۴)

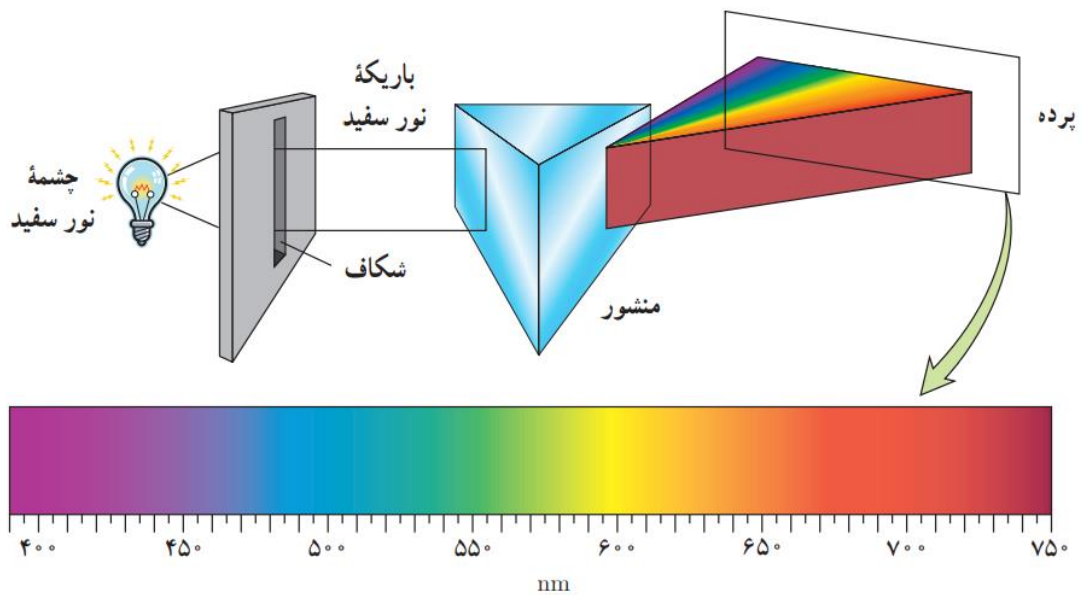
مطابق شکل زیر، نمودار انرژی جنبشی بیشینه فوتوالکترون‌ها برحسب بسامد تابش فرودی به آن‌ها برای دو فلز A و B رسم شده است. مقادیر a و b و نیز زوایای θ_1 و θ_2 چه نسبتی باهم دارند؟ (h ثابت پلانک و c تندی نور در خلأ است)



- $\frac{b}{a} = hc$ و $\theta_1 = \theta_2$ (۱)
 $\frac{b}{a} = h$ و $\theta_1 = \theta_2$ (۲) ✓
 $\frac{b}{a} = hc$ و $\theta_1 < \theta_2$ ✗
 $\frac{b}{a} = h$ و $\theta_1 > \theta_2$ ✗



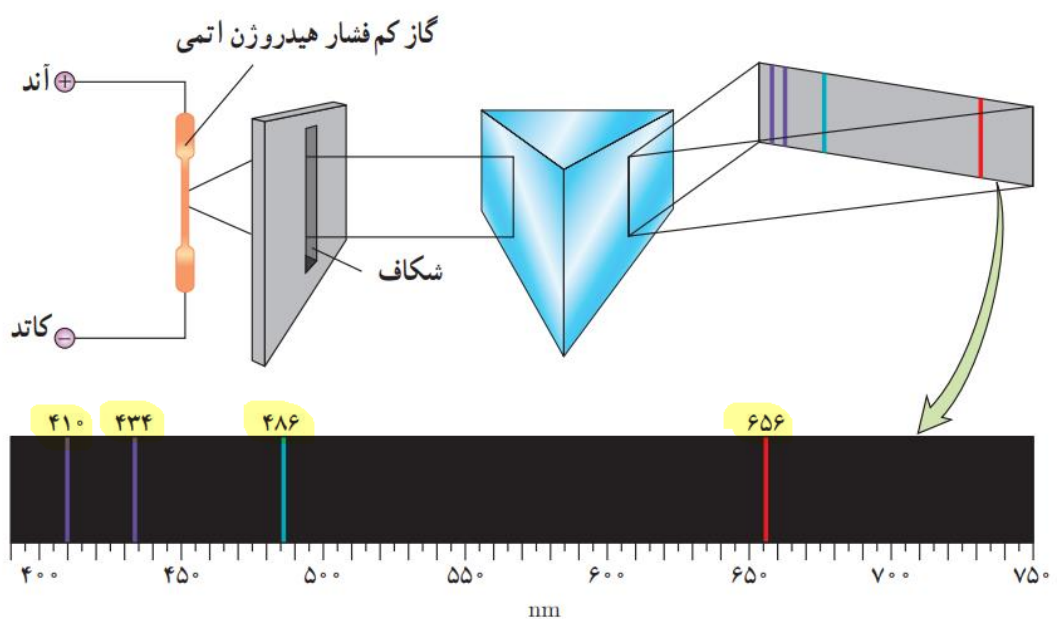
اجسام در هر دمایی که باشند، از خود امواج الکترومغناطیسی گسیل (نشر) می کنند که به آن تابش گرمایی می گویند. برای یک جسم جامد، نظیر رشته داغ یک لامپ روشن، این امواج شامل گستره پیوسته ای از طول موج هاست. به همین دلیل طیف ایجاد شده در این شرایط را طیف گسیلی پیوسته یا به اختصار طیف پیوسته می نامند. تشکیل طیف پیوسته توسط جسم جامد، ناشی از برهم کنش قوی بین اتم های سازنده آن است. گازهای کم فشار و رقیق، که اتم های منفرد آنها از برهم کنش های قوی موجود در جسم جامد آزادند به جای طیف پیوسته، طیفی گسسته را گسیل می کنند که شامل طول موج های معینی است. این طیف گسسته را، معمولاً طیف گسیلی خطی یا به اختصار طیف خطی می نامند و طول موج های ایجاد شده در آن، برای اتم های هر گاز منحصر به فرد هستند.



شکل ۵-۶ طیف گسیلی پیوسته نور سفید از رشته داغ یک لامپ روشن. در این شکل تنها بخش مرئی طیف نشان داده شده است که گستره طول موج آن از حدود ۴۰۰ nm (نور بنفش) تا حدود ۷۵۰ nm (نور قرمز) است.



طیف های گسیلی خطی برای نئون و جیوه



به کمک منشور، طول موج های گسیلی از گاز، از یکدیگر جدا و طیف خطی آن تشکیل شده است.

در سال ۱۸۸۵ میلادی، بالمر، ریاضی دان سوئیسی، رابطه ای ساده پیشنهاد کرد که طول موج هر یک از خط های شناخته شده مربوط به طیف گسیلی خطی هیدروژن اتمی را به دست می داد. این رابطه عبارت است از:

$$\lambda = (364 / 56 \text{ nm}) \frac{n^2}{n^2 - 2^2} \quad (\text{معادله بالمر})$$

که در آن $n \geq 3$ و همواره عددی صحیح است. با قرار دادن $n = 3, 4, 5, 6$ در معادله بالمر، طول موج خط های طیف گسیلی اتم هیدروژن در ناحیه مرئی به صورت زیر به دست می آید:

- $n = 3 \rightarrow \lambda_1 = 656 / 20 \text{ nm}$ (خط قرمز)
- $n = 4 \rightarrow \lambda_2 = 486 / 08 \text{ nm}$ (خط آبی)
- $n = 5 \rightarrow \lambda_3 = 434 / 00 \text{ nm}$ (خط بنفش)
- $n = 6 \rightarrow \lambda_4 = 410 / 13 \text{ nm}$ (خط بنفش)

بالمر پیشنهاد کرد که ممکن است رشته های دیگری از خط هایی که تا آن زمان در طیف هیدروژن دیده نشده اند وجود داشته باشند.

چندین سال پس از درگذشت بالمر و با اصلاح ابزارها و روش های طیف سنجی، امکان کشف گستره طول موج های دیگری در طیف گسیلی گاز هیدروژن به وجود آمد و مشخص شد که به جز رشته بالمر رشته های دیگری در طیف گاز هیدروژن اتمی وجود دارد.



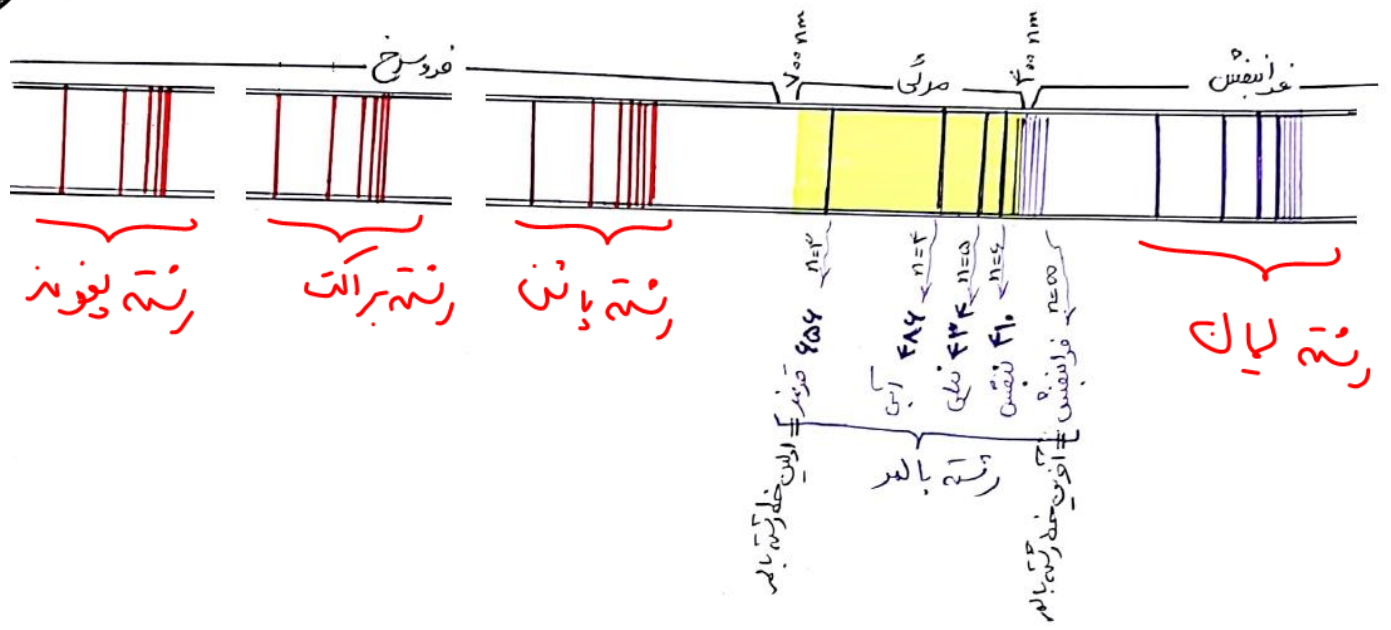
ریدبرگ، فیزیک دان سوئدی، برای کامل تر کردن طیف گسیلی خطی هیدروژن معادله بالمر را به صورت زیر اصلاح و بازنویسی کرد:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n > n' \quad (\text{معادله ریدبرگ})$$

طول موج (nm)

R ثابت ریدبرگ و مقدار آن برابر $(\text{nm})^{-1} \cdot 10973731$ است برای سادگی در محاسبه ها، مقدار آن را می توان $(\text{nm})^{-1} \cdot 10973731$ در نظر گرفت.

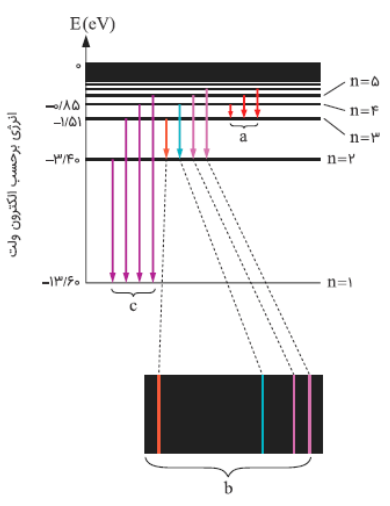
n → n'
 - از مقادیر n (تعداد اند)
 - از مقادیر n' (تعداد اند)



$n_{min} \rightarrow \lambda_{max}$
 $n_{max} \rightarrow \lambda_{min}$

کوتاه ترین طول موج رشته پفوند هیدروژن
 بلند ترین طول موج رشته براکت هیدروژن
 کوتاه ترین طول موج فروسرخ هیدروژن
 بلند ترین طول موج مرئی هیدروژن
 کوتاه ترین طول موج مرئی هیدروژن
 کوتاه ترین طول موج هیدروژن

شکل زیر سه رشته طیف گسیلی گاز هیدروژن اتمی را روی نمودار تراز انرژی نشان می‌دهد. نام رشته‌های a و b و c به ترتیب کدام است؟



- (۱) براکت - پاشن - بالمر
- (۲) پاشن - بالمر - لیمان
- (۳) پاشن - لیمان - براکت
- (۴) بالمر - لیمان - پاشن



در طیف هیدروژن اتمی، کوتاهترین طول موج گسیلی ممکن در رشته و در محدوده طیف قرار دارد و کوتاهترین طول موج گسیلی در محدوده طیف فرورسرخ در رشته واقع است.

- (۱) بالمر، فرابنفش، پاشن
(۲) لیمان، فرابنفش، پاشن
(۳) لیمان، فرابنفش، پفوند
(۴) بالمر، مرئی، پاشن

سراسری-۱۳۹۳

۳- در اتم هیدروژن، در کدام یک از رشته‌های زیر فقط پرتوهای فرورسرخ تابش می‌شود؟

- (۱) پاشن-براکت-پفوند (۲) بالمر-پاشن-براکت (۳) لیمان-پاشن-براکت (۴) بالمر-براکت-پفوند

خارج از کشور-۱۳۹۳

۴- در اتم هیدروژن، بلندترین طول موجی که در رشته لیمان گسیل می‌شود، چند نانومتر است؟ $[R \simeq 0.01 (nm)^{-1}]$

- (۱) ۱۰۰ (۲) ۲۰۰ (۳) $\frac{400}{3}$ (۴) $\frac{300}{4}$

۵- در اتم هیدروژن، الکترون در گذار از تراز n به n' ، فوتونی در ناحیه نور مرئی گسیل می‌کند. n و n' به ترتیب از راست به چپ، کدام می‌توانند باشند؟

سراسری-۱۳۹۱

- (۱) ۱ و ۲ (۲) ۳ و ۴ (۳) ۲ و ۵ (۴) ۴ و ۵



۶- در اتم هیدروژن، الکترون در مدار n قرار دارد. اگر این الکترون به مدار $n' = 3$ برود، فوتونی به طول موج 1200 nm گسیل می‌کند، n کدام است؟ $(R = 0.01 \text{ nm}^{-1})$
سراسری-۱۳۹۹

۷ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

۱۹- در اتم هیدروژن، محدوده تقریبی طول موج‌های رشته پاشن ($n' = 3$) بر حسب میکرومتر کدام است؟
خارج از کشور-۱۳۹۹
 $(R = 0.01 \text{ nm}^{-1})$

۴ تا ۱٫۶ (۴)

۲ تا ۱٫۶ (۳)

۴٫۴ تا ۰٫۹ (۲)

۲ تا ۰٫۹ (۱)

۲۴- در اتم هیدروژن در رشته بالمر ($n' = 2$)، بلندترین طول موج گسیل شده، چند نانومتر بیشتر از کوتاه‌ترین طول موج این رشته است؟
سراسری-۱۴۰۰
 $[R = 0.01 \text{ nm}^{-1}]$

۵۰۰ (۴)

۴۰۰ (۳)

۳۲۰ (۲)

۲۴۰ (۱)

۲۱- اختلاف طول موج دومین و سومین خط طیفی اتم هیدروژن در رشته پاشن ($n' = 3$) چند نانومتر است؟ $(R = \frac{1}{100} (nm)^{-1})$

خارج از کشور- ۱۳۹۹

۳۰۰ (۴)

$\frac{825}{4}$ (۳)

۱۵۰ (۲)

$\frac{825}{8}$ (۱)

۲۵- اختلاف بیشترین و کمترین بسامد فوتون گسیلی اتم هیدروژن در رشته پاشن ($n' = 3$) چند هرتز است؟

خارج از کشور- ۱۴۰۱

$$(R = \frac{1}{100} (nm)^{-1}, e = 3 \times 10^8 \frac{m}{s})$$

$1,875 \times 10^{14}$ (۴)

$7,5 \times 10^{14}$ (۳)

$1,875 \times 10^{15}$ (۲)

$7,5 \times 10^{15}$ (۱)

۲۶- طول موج دومین خط طیف رشته براکت ($n' = 2$) چند برابر طول موج چهارمین خط طیف رشته بالمر ($n' = 4$) است؟ سراسری- ۱۴۰۱

۴ (۴)

$\frac{32}{5}$ (۳)

۸ (۲)

$\frac{72}{5}$ (۱)



کوتاهترین طول موج فرابنفش هیدروژن اتمی چندبرابر کوتاهترین طول موج فرورسرخ آن است؟

$$\frac{4}{49} \quad (4)$$

$$\frac{1}{9} \quad (3)$$

$$\frac{4}{9} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

اگر ثابت ریذبرگ R باشد، اختلاف کوتاهترین طول موج گسیلی اتم هیدروژن در ناحیه فرورسرخ با کوتاهترین طول موج گسیلی در ناحیه فرابنفش کدام است؟

$$\frac{25}{R} \quad (2)$$

$$\frac{8}{R} \quad (4)$$

$$\frac{1}{R} \quad (1)$$

$$\frac{9}{R} \quad (3)$$

در طیف هیدروژن اتمی، نسبت بلندترین طول موج رشته پاشن به کوتاهترین طول موج رشته بالمر، کدام گزینه است؟

$$4 \quad (4)$$

$$\frac{36}{7} \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \quad (2)$$

$$\frac{7}{36} \quad (1)$$



نام رشته	عدد رشته (n')	رابطه ریذبرگ مربوط	n	گستره طول موجی (nm)	ناحیه طیف
لیمان	۱	$\frac{1}{\lambda} = R\left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{n^2}\right)$	$n = 2, 3, 4, \dots$	۹۱ تا ۱۲۱	فرابنفش
بالمر	۲	$\frac{1}{\lambda} = R\left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2}\right)$	$n = 3, 4, 5, \dots$	۳۶۵ تا ۶۵۶	فرابنفش و مرئی
پاشن	۳	$\frac{1}{\lambda} = R\left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{n^2}\right)$	$n = 4, 5, 6, \dots$	۸۲۰ تا ۱۸۷۵	فروسرخ
براکت	۴	$\frac{1}{\lambda} = R\left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{n^2}\right)$	$n = 5, 6, 7, \dots$	۱۴۵۹ تا ۴۰۵۱	فروسرخ
پفوند	۵	$\frac{1}{\lambda} = R\left(\frac{1}{5^2} - \frac{1}{n^2}\right)$	$n = 6, 7, 8, \dots$	۲۲۷۹ تا ۷۴۵۸	فروسرخ

۴۳- در اتم هیدروژن، الکترون از مدار n به مدار n' می‌رود و فوتونی با طول موج $112,5$ نانومتر گسیل می‌کند. n و n' کدامند؟
 سراسری-۱۳۹۵ $(R = 0,01(nm)^{-1})$

۲, ۴ (۴)

۲, ۳ (۳)

۱, ۴ (۲)

۱, ۳ (۱)